

עקרונות שפות תכנות -- דף נוסחאות, סמסטר א', 2023/2024

1. כללי הסמנטיקה הטבעית:

$$\begin{aligned}
 & \frac{}{\langle x := a, s \rangle \rightarrow s [x \mapsto A[a] s]} : \text{ass} \quad (\aleph) \\
 & \frac{}{\langle \text{skip}, s \rangle \rightarrow s} : \text{skip} \quad (\beth) \\
 & \frac{\langle S_1, s \rangle \rightarrow s', \langle S_2, s' \rangle \rightarrow s''}{\langle S_1; S_2, s \rangle \rightarrow s''} : \text{comp} \quad (\gimel) \\
 & B[b] s = tt \quad \text{אם} \quad \frac{\langle S_1, s \rangle \rightarrow s'}{\langle \text{if } b \text{ then } S_1 \text{ else } S_2, s \rangle \rightarrow s'} : \text{if}^{tt} \quad (\daleth) \\
 & B[b] s = ff \quad \text{אם} \quad \frac{\langle S_2, s \rangle \rightarrow s'}{\langle \text{if } b \text{ then } S_1 \text{ else } S_2, s \rangle \rightarrow s'} : \text{if}^{ff} \quad (\hehe) \\
 & B[b] s = tt \quad \text{אם} \quad \frac{\langle S, s \rangle \rightarrow s' \quad \langle \text{while } b \text{ do } S, s' \rangle \rightarrow s''}{\langle \text{while } b \text{ do } S, s \rangle \rightarrow s''} : \text{while}^{tt} \quad (\varepsilon) \\
 & B[b] s = ff \quad \text{אם} \quad \frac{}{\langle \text{while } b \text{ do } S, s \rangle \rightarrow s} : \text{while}^{ff} \quad (\zeta)
 \end{aligned}$$

2. קומבינטורים חשובים בתחשיב למדא ללא טיפוסים:

$$\begin{aligned}
 & \text{test} = \lambda l. \lambda m. \lambda n. l m n \quad (\aleph) \\
 & \text{tru} = \lambda t. \lambda f. t \quad (\beth) \\
 & \text{fls} = \lambda t. \lambda f. f \quad (\gimel) \\
 & \dots, c_2 = \lambda s. \lambda z. s s z, c_1 = \lambda s. \lambda z. s z, c_0 = \lambda s. \lambda z. z \quad (\daleth) \\
 & \text{scc} = \lambda n. \lambda s. \lambda z. s (n s z) \quad (\hehe) \\
 & \text{plus} = \lambda m. \lambda n. \lambda s. \lambda z. m s (n s z) \quad (\varepsilon) \\
 & \text{times} = \lambda m. \lambda n. m (\text{plus } n) c_0 \quad (\zeta) \\
 & Y = \lambda f. (\lambda x. f (x x)) (\lambda x. f (x x)) \quad (\eta)
 \end{aligned}$$

3. כללי ההטפסה בתחשיב למדא עם טיפוסים:

$$\begin{aligned}
 & \frac{x : T \in \Gamma}{\Gamma \vdash x : T} : T - \text{VAR} \quad (\aleph) \\
 & \frac{}{\Gamma \vdash \text{true} : \text{Bool}} : T - \text{TRUE} \quad (\beth) \\
 & \frac{}{\Gamma \vdash \text{false} : \text{Bool}} : T - \text{FALSE} \quad (\gimel) \\
 & \frac{\Gamma \vdash t_1 : \text{Bool} \quad \Gamma \vdash t_2 : T \quad \Gamma \vdash t_3 : T}{\Gamma \vdash \text{if } t_1 \text{ then } t_2 \text{ else } t_3 : T} : T - \text{IF} \quad (\daleth) \\
 & \frac{\Gamma \vdash t_1 : T_{11} \rightarrow T_{12} \quad \Gamma \vdash t_2 : T_{11}}{\Gamma \vdash t_1 t_2 : T_{12}} : T - \text{APP} \quad (\hehe) \\
 & \frac{\Gamma, x : T_1 \vdash t_2 : T_2}{\Gamma \vdash \lambda x : T_1. t_2 : T_1 \rightarrow T_2} : T - \text{ABS} \quad (\varepsilon)
 \end{aligned}$$

כאשר אין ביטוי מהצורה $\lambda x. t$ ב- Γ

4. כיצד יוצרים משוואות עבור הסקת טיפוסים: יהי t ביטוי, נגדיר את A_t - קבוצת משוואות הטיפוסים המתאימה ל- t . לכל מופע של כל ביטוי שמופיע ב- t ניצור משתנה-טיפוס משלו. ואז:

- אם α ו- β מתאימים לאותו ביטוי, נוסיף את $\alpha = \beta$ ל- A_t .
- לכל מופע $t_1 t_2$, אם משתני הטיפוס α, β ו- γ מתאימים למופעים של t_1, t_2 ו- $t_1 t_2$ בהתאמה, אז נוסיף את $\alpha = \beta \rightarrow \gamma$ ל- A_t .

- לכל מופע $fun\ x \rightarrow t'$, אם משתני הטיפוס α, β ו- γ מתאימים למופעים של $t', t' \rightarrow x$, בהתאמה, נוסף את $\gamma = \alpha \rightarrow \beta$ ל- A_t .

5. כללי האבולוציה של OCaml:

$$\frac{}{E \vdash v \Rightarrow v} \text{Constant (א)}$$

$$\frac{E(x) = v}{E \vdash x \Rightarrow v} : \text{Var (ב)}$$

$$\frac{E \vdash e_1 \Rightarrow v_1 \quad (x : v_1) :: E \vdash e_2 \Rightarrow v}{E \vdash \text{let } x = e_1 \text{ in } e_2 \Rightarrow v} : \text{Let (ג)}$$

$$\frac{E \vdash e_1 \Rightarrow \langle E', (fun\ x \rightarrow e) \rangle \quad E \vdash e_2 \Rightarrow v_2 \quad (x : v_2) :: E' \vdash e \Rightarrow v}{E \vdash (e_1\ e_2) \Rightarrow v} : \text{App1 (ד)}$$

$$\frac{}{E \vdash (fun\ x \rightarrow e) \Rightarrow \langle E, (fun\ x \rightarrow e) \rangle} : \text{Fun1 (ה)}$$

$$.E' = (f : \langle E', (fun\ x \rightarrow e_1) \rangle) :: E \text{ כאשר } \frac{E' \vdash e_2 \Rightarrow v}{E \vdash \text{let } rec\ f\ x = e_1 \text{ in } e_2 \Rightarrow v} : \text{Letrec (ו)}$$